

PROBLEMAS SOBRE VECTORES

Jesús Alejandro Herrera-Fernández
 Instituto Tecnológico Superior Zacatecas Occidente

RESOLVER LOS SIGUIENTES PROBLEMAS SOBRE VECTORES:

:

1.- ¿Cuáles son (a) la componente x y (b) la componente y de un vector a en el plano xy si su dirección es de 250deg en sentido antihorario desde la dirección positiva del eje x y su magnitud es de 7.3 m?: $A_x = 7.3 \cos 250 = -2.5$

$$A_x = 7.3 \operatorname{sen} 250 = 2.5$$

$$A_y = 7.3 \operatorname{sen} 250 = -6.86$$

$$A_y = 7.3 \operatorname{sen} 70 = 6.86$$

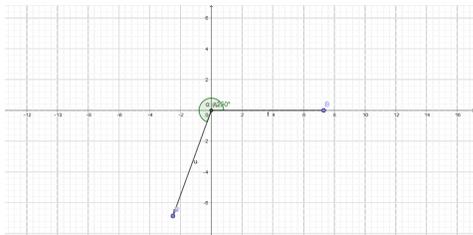


Figura 1. VECTOR SENTIDO ANTIHORARIO

2.- La componente x del vector A es -25.0 m y la componente y es 40.0 m. (a) ¿Cuál es la magnitud de A ? (b) ¿Cuál es el ángulo entre la dirección de A y la dirección positiva de x?: Componente x del vector \vec{A}

$$x = -25.0 \text{ m}$$

$$y = 40.0 \text{ m}$$

$$|\vec{A}| = \sqrt{(-25)^2 + (40)^2} = \sqrt{625 + 1600} = \sqrt{2225} = 41.16$$

$$\theta = \tan^{-1} \frac{40}{-25} = -57.99$$

$$\theta_{\vec{A}} = -57.99$$

$$\theta_{\vec{A}} = 122$$

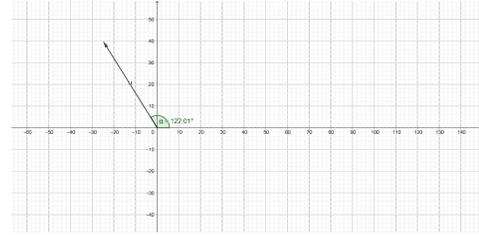


Figura 2. Valor del ángulo es 122.01°

3.- Dados los siguientes vectores: $a = 4i - 3j + k$ y $b = -i + j + 4k$ Calcule $a \cdot b$ y $a \times b$: Solucion:

Recordemos que el producto punto se define como:

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z$$

Entonces:

$$A_x = 4 \quad A_y = -3 \quad A_z = 1$$

$$B_x = -1 \quad B_y = 1 \quad B_z = 4$$

Realizamos la operación según la fórmula de arriba:

$$\vec{A} \cdot \vec{b} = (4)(-1) + (-3)(1) + (1)(4) =$$

$$-4 - 3 + 4 = -3$$

$\vec{A} \times \vec{b}$

$$\vec{A} \times \vec{b} = |A_x A_y A_z|$$

$$|B_x B_y B_z|$$

$$= \begin{vmatrix} i & j & k \\ A_x & A_y & A_z \\ B_x & B_y & B_z \end{vmatrix} = i(A_y B_z - A_z B_y) - j(A_x B_z - A_z B_x) + (A_x B_y - A_y B_x)$$

$$a = 4i - 3j + k:$$

$$b = -i + j + 4k : \text{Solucion:}$$

$$\vec{A} \times \vec{b} = \begin{vmatrix} i & j & k \\ 4 & -3 & 1 \\ -1 & 1 & 4 \end{vmatrix}$$

$$= i [(-3)(4) - (1)(1)] - j [(4)(4) - (-1)(1)] + k [(4)(1) - (-1)(-3)]$$

Haciendo el resultado de forma directa queda asi:

$$\vec{A} \times \vec{B} = 13i - 17j + k$$

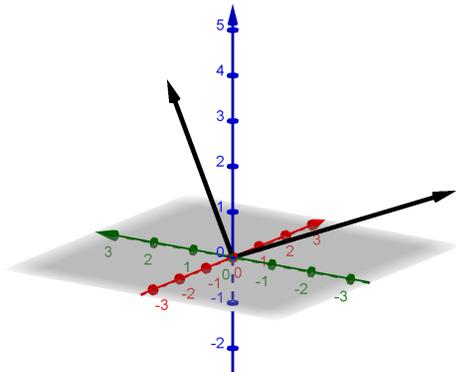


Figura 3. GRAFICA DE LOS VECTORES

Gráfica del nuevo vector:

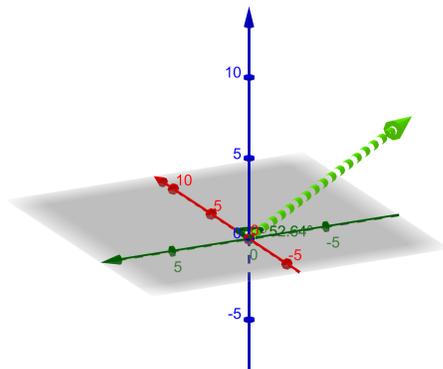


Figura 4. VECTOR NUEVO